

التمرين الأول (أعداد عقدية)

(1) حل في \mathbb{C} المعادلة $z^2 - 14z + 50 = 0$ (2) نعتبر النقط A و B و C التي لها على التوالي $a = 7 + i$ و $b = 7 - i$ و $c = 9 - i$ (1) بين ان $i = \frac{c-b}{a-b}$ ثم استنتج ان المثلث ABC متساوي الساقين و قائم الزاويةب) اعط الشكل المثلثي للعدد $4(1-i)$ ج) بين ان $AC \times BC = 4\sqrt{2} = 4(1-i)(c-b)$ ثم(3) نعتبر الدوران R الذي مرکزه B وزاويته $\frac{3\pi}{2}$

أ) بين أن C النقطة A بالدوران R

ب) بين ان تمثيل العقدي للدوران R هو $z' = -iz + 8 + 6i$

ج) استنتاج لحق النقطة C صورة

التمرين الثاني (دراسة حالة لوعاريفكم)

الجزء (1) نعتبر الدالة g المعرفة بما يلي :

1) أحسب المشتقة (g') و أدرس منحى تغيرات الدالة g2) أحسب $\left(\frac{1}{e}\right)^g$ و استنتاج أنالجزء (2) لتكن f الدالة المعرفة على $[0, +\infty]$ بما يلي :1) أ- بين أن f متصلة على يمين $x_0 = 0$ ب- أدرس قابلة اشتقاق الدالة f على يمين $x_0 = 0$ و أعط تأويلا هندسيا للنتيجة2) بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ و أعط تأويلا هندسيا للنتيجة3) أ- بين أن $f'(x) = \frac{1-x-\ln x}{(2+x\ln x)^2}$ ب- بين أن f تزايدية على $[0, 1]$ وأن f تناقصية على $[1, +\infty]$

ثم أجز جدول تغيرات الدالة f

4) أ- بين أن $f(x) - x = \frac{1-x-x^2\ln x}{2+x\ln x}$ ب- بين أن $f(x) \geq x$ $\forall x \in [0, 1]$ وأن $f(x) \leq x$ $\forall x \geq 1$ 5) أرسم المنحني (C_f)الجزء (2) لتكن $(U_n)_n$ المتتالية المعرفة كما يلي : $U_0 = \frac{1}{2}$ و $U_{n+1} = f(U_n)$ لكل n من \mathbb{N} 1- بين بالترجع أن $0 < U_n < 1$ $\forall n \in \mathbb{N}$ 2- أدرس رتبة المتتالية $(U_n)_n$ 3- استنتاج أن $(U_n)_n$ متقاربة و حدد نهايتها