



السنة الدراسية: 2010/2009
مدة الانجاز: ساعتان

الفرض الكتابي الأول
الأسدس الثاني
مادة: الرياضيات

المستوى: الأولى باك.
بتاريخ: 10 - 03 - 2010
الشعبة: العلوم التجريبية

التمرين الأول: (8 نقط)
أحسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(7x-2)x}{3x^4+5} \quad (3)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^4+7x^2+5}{2x-4} \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(2x-1)^2}{3x^2-9} \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{4x^2-3x+1} - 2x \quad (6)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x^2-1} \quad (5)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2+3x-10}{2x^2-4x} \quad (4)$$

1×3
1,5
1,5
2

التمرين الثاني: (2,5 نقطة)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R}^+ بمايلي: $f(x) = \frac{x(2+\sin x)}{\sqrt{x+1}}$

(1) أحسب: $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{\sqrt{x+1}}$ ان

(2) أ- بين أنه لكل x من \mathbb{R}^+ : $f(x) \geq \frac{x}{\sqrt{x+1}}$ ان

ب- استنتج: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ 0,5

التمرين الثالث: (6 نقط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بمايلي: $f(x) = \sqrt{x^2+4} - x$

(1) أحسب: $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ان

(2) أ- بين أن الدالة f قابلة للاشتقاق في النقطة $x_0 = 0$ وأن $f'(0) = -1$ ان

ب- اعط تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها. ان

ج- حدد الدالة التالفة h المماسمة للدالة f في النقطة $x_0 = 0$ ثم اعط قيمة مقربة للعدد $f(10^{-2})$ ان

التمرين الرابع: (3,5 نقطة)
لكل x من \mathbb{R} نضع:

$$f(x) = 2\sqrt{3} \cos^2 x + \sin 2x$$

(1) أ- بين أنه لكل x من \mathbb{R} : $\sqrt{3} \cos x + \sin x = 2 \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$ ان

ب- بين أنه لكل x من \mathbb{R} : $f(x) = 2 \cos x (\sqrt{3} \cos x + \sin x)$ ان

ج- استنتج أن: $f(x) = 4 \cos x \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$ 0,5

(2) أحسب: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - 4 \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right)}{x^4}$ ان