


أولى علوم رياضية	فرض محروس 1	
الدورة 1	2013/10/21	تانوية أنيس الخاصة

التمرين 1 (4 نقط)		
1- أعط نفي العبارتين:	$p: [(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y > 0): x+y=0 \text{ و } x \leq 0]$	1
	$q: (\forall x \in \mathbb{R}: x+1=0 \Rightarrow x \geq 0)$	
2- أكتب العبارات التالية مستعملا الكمات و الروابط المنطقية:		
أ- لكل y من F يوجد على الأقل x من E بحيث:	$y = f(x)$	0.5
ب- لكل y من F يوجد x وحيد من E بحيث:	$y = f(x)$	0.5
ج- لكل زوج (a,b) من E^2 : اذا كان $f(a) = f(b)$ فان $a = b$		0.5
3- حدد قيمة حقيقة العبارات:		1.5
$R_1: ((\forall x \in \mathbb{R}): x-2012 > 0)$		
$R_2: ((\forall n \in \mathbb{N})(\exists m \in \mathbb{N}): m = 2n+1)$		
$R_3: ((\exists n \in \mathbb{N})(\forall m \in \mathbb{N}): m = 2n+1)$		
التمرين 2 (9.5 نقط)		
1- أثبت أن:	$\forall x \geq 0: \sqrt{2x+2} - \sqrt{x} = 1 \Leftrightarrow x = 1$	1
2- بين أن:	$b \neq -\frac{3}{4}a \Rightarrow \frac{a-b}{a+b} \neq 7$ حيث a و b عددين من \mathbb{R}^* غير متقابلين .	1
3- برهن أن: العدد	$\frac{3^{3n+2} + 2^{n+4}}{5} \in \mathbb{N}$ لكل n من \mathbb{N}	1.5
4- حل في \mathbb{R} المعادلة:	$4(E(2x))^2 - 5E(2x) + 1 = 0$	1
5- حل في \mathbb{R} المعادلة:	$\sqrt{x-1} + \sqrt{x-4} = \sqrt{x+4}$	1.5
6- بين أن:	$\sqrt{2} + \sqrt{3} \notin \mathbb{Q}$	1
7- حل في \mathbb{R} المتراجحة:	$\sqrt{3x-1} - \sqrt{11-x} \geq 2$	1
8- بين أن:	$\forall (a,b,c) \in \mathbb{R}^3: (b < c \text{ و } a < c) \Leftrightarrow \left \frac{a+b}{2} \right + \left \frac{a-b}{2} \right < c$	1.5

التمرين 3 (5 نقط)

1- لتكن f و g الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي x المعرفتين بما يلي:

$$g(x) = \frac{x+1}{x+3} \quad \text{و} \quad f(x) = x^2 - 4x + 5$$

ضع جدول تغيرات كل من f و g . 1

2- لتكن h الدالة العددية المعرفة بما يلي:

$$h(x) = \frac{x^2 - 4x + 6}{x^2 - 4x + 8}$$

أ- حدد مجموعة تعريف الدالة h . 0.5

ب- بين أن: $\forall x \in D_h : \frac{1}{2} \leq h(x) < 1$ 1

ج- تحقق من أن: $(\forall x \in D_h) : h(x) = g \circ f(x)$ 1

هـ- ادرس تغيرات الدالة h على كل من المجالين $]-\infty, 2]$ و $[2; +\infty[$: 1.5

التمرين 4 (1.5 نقط)

بين بالترجع أن :

$$(\forall n \in \mathbb{N}) \quad (n \geq 24) \quad (\exists (a, b) \in \mathbb{N}^2) : \quad n = 5a + 7b$$

1.5

ملاحظة : نقطة عن الورقة المنظمة و الدقة في الاستدلال

المنطق هو فنُّ الاستدلال

« Un succès n'est jamais définitif et un échec n'est jamais fatal , seul compte le courage ».

بالتوفيق